

必修例題 2 周期算①

(1) 数字があるきまりにしたがって並んでいます。

4, 1, 2, 6, / 4, 1, 2, 6, / 4, 1, ……

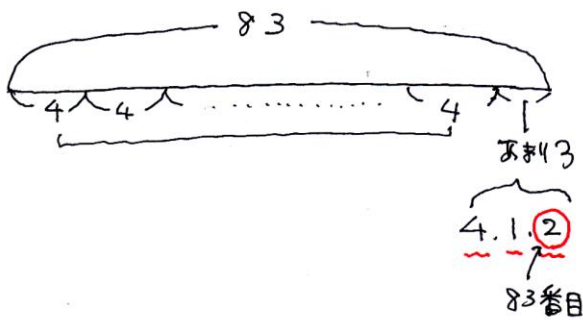
① 左はしから数えて 83 番目の数字は何ですか。

② 左はしから数字を順にたしていくとき、和が 200 になるのは何番目までたしたときですか。

(2) $\frac{26}{55}$ を小数に直したとき、小数第 100 位の数字は何ですか。

(1) 4つの数字が周期になっています。
(かたまり)

① $83 \div 4 = 20$ あまり 3

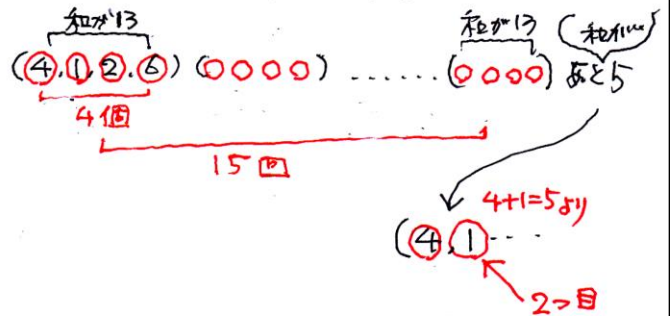


2

② $4+1+2+6=13$ … 1つの周期の数字の和

200までに13の周期がいくつあるか?

$200 \div 13 = 15$ あまり 5



したがって、和が 200 になるのは

$4 \times 15 + 2 = 62$ (番目) までたしたときです。

62番目

(2) $\frac{a}{b} = a \div b$ なので

$\frac{26}{55} = 26 \div 55 = 0.47272727 \dots$

小数第1位の数字が4で、
小数第2位以下は {7, 2} の
2つの数字のくり返しになり
ます。

4以外の数字がくり返しているから、4を除いて考えます。

$100 - 1 = 99$

$99 \div 2 = 49$ あまり 1

49回くり返し、左から1番目の数字

{7, 2}

したがって、小数第100位の数字は7です。

7