

## 必修例題② 周期算①

(1) 数字があるきまりにしたがって並んでいます。

4, 1, 2, 6, 4, 1, 2, 6, 4, 1, ……

① 左はしから数えて 83 番目の数字は何ですか。

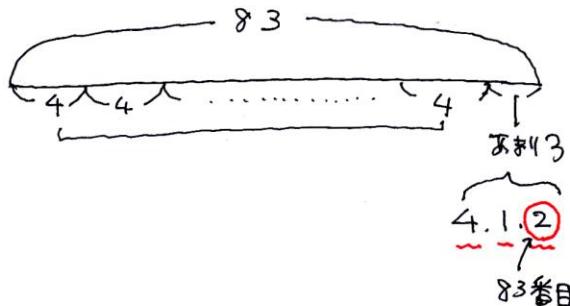
② 左はしから数字を順にたしていくとき、和が 200 になるのは何番目までたしたときですか。

(2)  $\frac{26}{55}$  を小数に直したとき、小数第 100 位の数字は何ですか。

(1)

4つの数字が周期になっています。  
(かたまり)

$$\textcircled{1} \quad 83 \div 4 = 20 \text{ あまり } 3$$

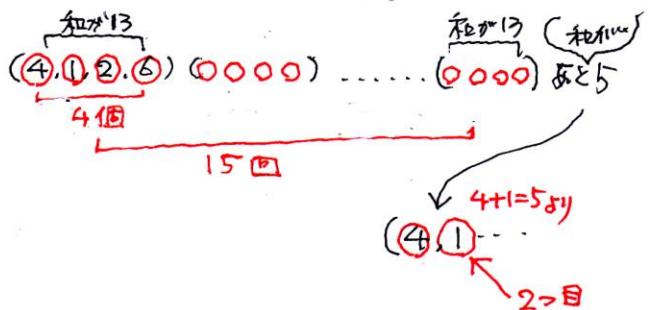


(2)

$$4+1+2+6=13 \cdots \text{1つの周期の数字の和}$$

200 までには 13 の周期がいくつあるか？

$$200 \div 13 = 15 \text{ あまり } 5$$



したがって、和が 200 になるのは  
 $4 \times 15 + 2 = 62$  (番目) までたした  
ときです。

2

62番目

(2)  $\frac{a}{b} = a \div b$  なので

$$\frac{26}{55} = 26 \div 55$$

$$= 0.\underline{4}\underline{7}\underline{2}\underline{7}\underline{2}\underline{7}\cdots$$

小数第1位の数字が 4 で、  
小数第2位以下は {7, 2} の  
2つの数字のくり返しになり  
ます。

4以外の数字がくり返していますから、4を除いて  
考えます。

$$100 - 1 = 99$$

$$99 \div 2 = 49 \text{ あまり } 1$$

↓  
49回くり返し 左から 1番目の数字

{7, 2}

したがって、小数第 100 位の数字は 7 です。

7